

Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia IFBA *Campus* Valença

GABRIELLE SANTOS ARAÚJO

PIRÂMIDES: UMA SEQUÊNCIA DIDÁTICA UTILIZANDO O GEOGEBRA

Valença – BA 2023

GABRIELLE SANTOS ARAÚJO

PIRÂMIDES: UMA SEQUÊNCIA DIDÁTICA UTILIZANDO O GEOGEBRA

Trabalho de Conclusão de Curso apresentado ao Curso de Licenciatura em Matemática do Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia da Bahia, como avaliação parcial à obtenção do título de Licenciada em Matemática.

Orientação: Prof. Me. Diego Coutinho Vieira Santiago

Valença – BA 2023

FICHA CATALOGRÁFICA

A658p Araújo, Gabrielle Santos
Pirâmides: uma sequência didática utilizando o GeoGebra / Gabrielle Santos Araújo; orientador Diego Coutinho Vieira Santiago -- Valença : IFBA, 2023.
42f.
Trabalho de Conclusão de Curso (Licenciatura em Matemática) -- Instituto Federal da Bahia, 2023.
1. Pirâmides. 2. GeoGebra- Software. 3. Sequência Didática. 4. Matemática. I. Santiago, Diego Coutinho Vieira, orient. II. TÍTULO.
CDD:510.7

Gabrielle Santos Araújo

PIRÂMIDES: UMA SEQUÊNCIA DIDÁTICA UTILIZANDO O GEOGEBRA

Monografia apresentada à Coordenação do Curso de Licenciatura em Matemática do Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia da Bahia, *Campus* Valença, como requisito parcial para obtenção do título de Licenciada em Matemática.

BANCA EXAMINADORA

.

Prof. Me. Diego Coutinho Vieira Santiago (Orientador) Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia da Bahia

Profa. Ma. Ligia Taciana Carneiro de Souza Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia da Bahia

Prof. Me. Marcelo de Araújo Lino Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia da Bahia

Valença - BA, 07 de Dezembro de 2023.

AGRADECIMENTOS

Primeiramente, agradeço a Deus por ter me sustentado até aqui.

Gostaria de agradecer a minha família, por ter me auxiliado durante minha formação. Em especial, a minha vó Sidinéia (in memoriam) pelos conselhos, e por investir no meu futuro. A minha mãe, e ao meu segundo pai Silvanio, por me incentivar e acreditar no meu potencial. A minha tia Zete (in memoriam) pelo amor e carinho. Ao meu namorado e amigo Ezequias, por sempre ter uma palavra de incentivo quando estava prestes a desistir. Ao meu orientador, prof. Me. Diego Coutinho Vieira Santiago, por ter acreditado nesse trabalho, por compartilhar os seus conhecimentos, e por ter sido compreensivo durante todo o processo. Agradecer aos meus professores: Roque Lyrio, Diogo Dórea, Ruth Cardoso, Marcelo Lino, Edmilson Borges, Lígia Taciana, Renata Vieira, Marcia Rebeca por terem contribuído significativamente para minha formação. Aos meus colegas: Elieci, Taíres (in memoriam), Genival (in memoriam), Ivanei, Dulce, José, Cristiane, Cleide, Solange, Irandir, Jeferson, Kaique, Nadson e Israel, Paulo Henrique e Rafael pela parceria. Em especial, aos meus amigos, Eledilce, Patrícia, Maraíza e Marinelson, por toda a ajuda, pelas palavras de incentivo, e pelos puxões de orelha. Aos meu colegas de trabalho, Gilmaria, Joilma, Maxuel, Juliana, Valdecir, Sandra e Edmilson, sem a ajuda de vocês, seria tudo mais difícil. A todos vocês, minha gratidão!

RESUMO

O trabalho aqui descrito teve como objetivo expor a realização de uma sequência didática para a turma de nono ano do Ensino Fundamental, onde os alunos utilizaram uma ferramenta tecnológica para resolver situações problemas sobre o conteúdo de pirâmides. Com esse intuito, buscou-se responder a seguinte questão: como podemos usar as tecnologias durante as aulas de Matemática do Ensino Fundamental II?. A abordagem desta pesquisa foi qualitativa, sendo realizada uma pesquisa bibliográfica e uma pesquisa-ação. Para o contexto histórico sobre as Pirâmides do Egito, o trabalho foi desenvolvido com base em Eves (2011). Os Parâmetros Curriculares Nacionais (PCNs), e a Base Nacional Comum Curricular (BNCC), foram utilizados como referencial teórico para esta pesquisa, assim como outros autores. Partindo da hipótese que, o *software* GeoGebra é uma ferramenta capaz de auxiliar na aprendizagem dos alunos, a pesquisa de fato comprovou que ao utilizar uma ferramenta tecnológica, houve interesse e participação dos alunos na execussão da atividade proposta, o que contribuiu para a aprendizagem deles.

Palavra-chave: Pirâmides; Software GeoGebra; Sequência Didática.

ABSTRACT

The aim of the work described here was to present the implementation of a didactic sequence for the ninth year class of Elementary School, where students used a technological tool to solve problem situations about the content of pyramids. With this aim, we sought to answer the following question: how can we use technologies during Mathematics classes in Elementary School II? The approach of this research was qualitative, with bibliographical research and action research being carried out. For the historical context of the Egyptian Pyramids, the work was developed based on Eves (2011). The National Curricular Parameters (PCNs), and the National Common Curricular Base (BNCC), were used as theoretical references for this research, as were other authors. Based on the hypothesis that the GeoGebra software is a tool capable of assisting in student learning, the research in fact proved that when using a technological tool, there was interest and participation from students in carrying out the proposed activity, which contributed to their learning.

Keyword: Pyramids; GeoGebra Software; Following teaching.

SUMÁRIO

1. INTRODUÇÃO	9
2. GEOGEBRA NAS TICs	
3. PIRÂMIDES	14
4. PROPOSTA DE SEQUÊNCIA DIDÁTICA	16
4.1 SEQUÊNCIA DIDÁTICA	16
4.2 CARACTERIZAÇÃO DO AMBIENTE ESCOLAR	17
4.3 APRESENTAÇÃO DE SITUAÇÕES PROBLEMAS	
4.4 APLICAÇÃO DA SEQUÊNCIA DIDÁTICA	
5. CONSIDERAÇÕES FINAIS	24
6. REFERÊNCIAS	25
APÊNDICE A – MATERIAL DO MINICURSO	
APÊNDICE B - QUESTIONÁRIO	

1. INTRODUÇÃO

O uso do celular hoje em dia é muito frequente entre as pessoas, pois o mesmo virou uma ferramenta de trabalho, comunicação e diversão. De acordo com a Pesquisa Nacional por Amostra de Domicílios, no ano de 2021, 90% das residências possuiam acesso à internet, e ao telefone celular. Para os adolescentes, o celular é um item indispensável, pois através dele, estão sempre navegando nas redes sociais, jogando ou até mesmo assistindo filmes e series. Quanto ao uso das tecnologias na educação no ano de 2020, de acordo com o Conselho Nacional de Educação, CNE/ Nº 11/2020, as escolas suspenderam as aulas presenciais, iniciando o ensino remoto por causa da pandemia do coronavírus.

Devido a essa necessidade de utilizar as tecnologias, surgiu o problema de pesquisa: como podemos usar as tecnologias durante as aulas de Matemática do Ensino Fundamental II? Enquanto cursava o Ensino Fundamental e Médio, a unidade temática Geometria, não foi ensinada nas aulas de matemática. Ao chegar no Ensino Superior, apresentei dificuldades para compreender os conteúdos relacionados a Geometria. Por conta dessa dificuldade, escolhi o tema "Pirâmides" para ser trabalhada já no Ensino Fundamental II.

O objetivo geral deste trabalho é reconhecer o uso das tecnologias nas aulas de Matemática do Ensino Fundamental II como uma ferramenta de ensino e aprendizagem. Para tal, foram elaborados os seguintes objetivos específicos:

1. Estimular a participação dos alunos nas aulas de Matemática por meio do uso de tecnologias;

2. Realizar uma sequência didática sobre volume de pirâmides envolvendo o uso do *software* GeoGebra para *smartphones;*

Para alcançar tais objetivos, será realizada uma pesquisa-ação e uma pesquisa bibliográfica, que de acordo com Neves (2006, p. 11) "a pesquisa-ação, além de engajar o pesquisador na situação estudada, transformando-o em um observador participante, coloca a importante questão da ação planejada no campo de estudo." Além disso, para Fonseca (2002, p. 32) "[...] qualquer trabalho científico inicia-se com uma pesquisa bibliográfica, que permite ao pesquisador conhecer o que já se estudou do assunto." (FONSECA, 2002 apud ALVES; OLIVEIRA; SOUSA 2021, p.66). A abordagem desta pesquisa será qualitativa, e Brandão (2001, p.13) afirma que a pesquisa qualitativa "[...] está relacionada aos significados que as

pessoas atribuem às suas experiências do mundo social e a como as pessoas compreendem esse mundo."

A estrutura deste trabalho está dividido em três capítulos. O primeiro capítulo é intitulado como **Pirâmides**, que traz a relação do conteúdo matemático "Pirâmides" com as pirâmides no Egito. O capítulo dois está intitulado como **GeoGebra nas TIC's**. Esse capítulo aborda o uso das tecnologias em sala de aula, e justifica o uso do software GeoGebra nas aulas de Matemática. O terceiro capítulo, intitulado como **Proposta de sequência didática**, está dividido em quatro subcapítulos: o primeiro subcapítulo, denominado de **Sequência didática**, traz a definição de sequência didática, seguida de uma proposta de sequência para ser aplicada. O segundo subcapítulo, denominado de **Caracterização do ambiente escolar**, relata como é a comunidade em será realizado a aplicação dessa sequência, além de mostrar o funcionamento da escola e como é o perfil da turma. O terceiro subcapítulo, chamado de **Apresentação das situações problemas**, falamos sobre os exercícios que serão propostos na sequência didática. Já o quarto subcapítulo, **Aplicação da Sequência Didática**, descrevemos como aconteceu a aplicação da sequência didática, além de trazer um questionário aplicado na turma.

2. GEOGEBRA NAS TIC's

A sociedade vem sofrendo mudanças ao longo dos anos, e com isso, as tecnologias digitais já fazem parte do nosso cotidiano. Porém, quando falamos em educação, ainda há uma resistência em inserir as tecnologias durante as aulas. Dificilmente conseguiríamos viver sem elas no mundo atual, então por que não inseri-las nas aulas? "Os métodos de ensino convencionais não agradam os educandos, para conseguir despertar o interesse e a atenção, é preciso estar atento aos seus cotidianos e, mais, integrado com as mudanças tecnológicas." (ANTUNES, 2010 *apud* MARTINES *et.al* 2018, p.3).

Ao utilizarmos uma ferramenta tecnológica durante as aulas, com o objetivo de tornar as aulas mais atrativas, podemos redefinir o significado de conhecimento. Ao tornar os alunos mais interessados e participativos, saímos da ideia de que o professor detém todo o conhecimento, e permitimos que os alunos sejam atuantes no processo de ensino aprendizagem. Conforme os PCNs "A tecnologia deve servir para enriquecer o ambiente educacional, propiciando a construção de conhecimentos por meio de uma atuação ativa, crítica e criativa por parte de alunos e professores" (Brasil, 1998, p. 140.).

O uso da Tecnologia da Informação e Comunicação (TIC) durante as aulas de Matemática, ajuda na compreensão dos assuntos e torna as aulas mais dinâmicas. Para isso, os *softwares* educativos são um excelente recurso para dinamizar as aulas, e atrair a atenção dos alunos. Desse modo, "os softwares matemáticos surgem como alternativa que amplia os conceitos teóricos dos conteúdos em sala de aula e de recurso dinâmico que pode atrair o interesse e a intuição dos alunos e incentivar o estudo dos conceitos de forma inovadora." (BARROS; PACHECO, 2013, p. 8). Um dos *softwares* possíveis de ser utilizado em sala de aula é o GeoGebra.

O GeoGebra é um *software* gratuito, podendo ser utilizado tanto nos *smartphones* como em computadores e *notebook*. Esse *software* pode ser usado para o ensino de Geometria, Álgebra, Estatística, entre outros assuntos matemáticos. Com base em pesquisas, o *software* GeoGebra é um dos mais conhecidos e utilizados durante as aulas de Matemática, pois é de fácil manipulação, e tem se mostrado muito eficaz na realização das atividades. De acordo com Bento (2010, p. 29-30.), [...] "o GeoGebra promove uma aprendizagem dinâmica da Geometria e possibilita de uma forma eficaz a interação com os usuários. Também se pode dizer que este

Ambiente de Geometria Dinâmica é particularmente apropriado para apoiar um ensino renovado da Geometria."

3. PIRÂMIDES

A História das pirâmides do Egito é um assunto que gerou curiosidade ao longo dos anos, e até os dias de hoje ainda desperta interesse. Existem poucos registros encontrados sobre a construção dessas pirâmides. Apesar do clima seco do Egito ajudar na conservação desses materiais, os egípcios registravam sua escrita através de pedras e papiros.

A civilização egípcia era muito religiosa. De acordo com Eves (2011, p.68), Os egípcios acreditavam que existia vida após a morte, e por isso, conservavam os corpos dos mortos embalsamando-os, e os colocavam no túmulo, juntamente com suas riquezas, para que ao chegar na nova vida seu corpo estivesse conservado e pudesse usufruir de seus pertences. Por conta de suas crenças, os egípcios não eram enterrados como a forma tradicional e por isso foram criadas as pirâmides, para servir de túmulo para os reis. Os reis do antigo Egito demonstravam sua força através das pirâmides, quanto maior e mais bonita fosse, significava que mais autoridade o rei tinha sobre seu povo.

A pirâmide de Gizé é conhecida como a maior pirâmide do Egito, localizada próximo ao Cairo. Segundo Eves (2011, p. 67), a pirâmide de Gizé foi construída por volta de 2600 a.C, e tem uma estrutura que cobre aproximadamente 52.611 m², contendo mais de 2 milhões de blocos de pedras, pesando em média 2,5 toneladas cada bloco. A grande pirâmide levou 30 anos para ser construída, e foram necessários 100.000 trabalhadores para sua construção. Esses trabalhadores tinham que transportar os blocos de arenito de uma pedreira próximo ao Rio Nilo e em seguida ajusta-los primorosamente. As pedras eram transportadas através de um trenó construído para puxar itens pesados, então os trabalhadores molhavam a areia em frente ao trenó por uma distância de 600 milhas até chegar ao destino.

Uma das Sete Maravilhas do Mundo Antigo é a Grande Pirâmide, ela serviu como túmulo para o faraó Quéops. Em Gizé foram construídas mais duas pirâmides para abrigar os sucessores de Quéops, porém, essas pirâmides eram menores do que a do faraó Quéops. Como os reis eram colocados no túmulo junto com suas riquezas, as pirâmides acabavam atraindo muitos saqueadores, e por conta disso, eram feitos labirintos no interior delas, para que os ladrões tivessem dificuldade em encontrar a fortuna. Há cerca de 80 pirâmides construídas no Egito. E ao final de cada construção, os trabalhadores eram mortos para que não revelassem o caminho até o rei. O Egito costumava receber invasões de povos inimigos, e por isso se manteve em isolamento, o que resultou em uma Matemática estagnada. Contudo, acredita-se que a matemática se originou no Egito. Um dos motivos que ajudaram no surgimento da Matemática foi a necessidade de contar os dias e gerar um calendário para saber quando ocorreria a enchente do Nilo, o que para os egípcios era um evento muito importante, pois marcava o início de cada ano.

Com a criação do assentamento em torno do rio, foi necessário calcular as porções de terra e cobrar impostos, e para que isso fosse possível, os egípcios construíram as unidades de medidas. Além da construção do calendário e das unidades de medidas, os egípcios foram os primeiros a registar os números, certamente que não é o sistema de numeração que utilizamos hoje, mas utilizavam o sistema decimal baseado nos dez dedos das mãos. Eles obtinham bastante conhecimento, e sabiam até calcular a inclinação de uma face da pirâmide.

De acordo com Eves (2011, p.83) "Os egípcios mediam a inclinação de uma face de uma pirâmide pela razão entre o "percurso" e a "elevação" – isto é, dando o afastamento da face oblíqua da vertical para cada unidade de altura. Tomava-se como unidade vertical o cúbito e como unidade horizontal a mão; haviam 7 mãos num cúbito. Utilizando-se essas unidades de medida, chamava-se *seqt* da pirâmide a medida da inclinação."

Por exemplo, vamos considerar uma pirâmide regular de base quadrada, onde a área da base é 36 cm² e que o apótema da pirâmide mede 6 cm. Para calcular a inclinação da pirâmide, o primeiro passo é determinar o valor da aresta da base. Sabendo que a aresta da base é a raiz quadrada da medida da área do quadrado, temos:

Figura 1: Exemplo de Pirâmide



Fonte: Elaborado pela autora

$$l^2 = 36 \implies l = \sqrt{36} \implies l = 6 \ cm.$$

Agora que encontramos o valor correspondente ao lado da base, iremos calcular o apótema da base. Considerando o lado b do triângulo retângulo ΔVOM , Figura 1, sabemos que essa medida corresponde à metade do lado, ou seja:

$$b=rac{l}{2} \Rightarrow b=rac{6}{2} \Rightarrow b=3.$$

O próximo passo é determinar a altura da pirâmide. Para calcular essa altura, utilizaremos o teorema de Pitágoras. Considerando o triângulo ΔVOM , vamos substituir os valores nos respectivos lugares. Temos que:

$$a^2 + b^2 = c^2 \Rightarrow a^2 + 3^2 = 6^2 \Rightarrow a^2 = 36 - 9 \Rightarrow a^2 = 27 \Rightarrow a = \sqrt{27} \Rightarrow a = 3\sqrt{3}.$$

Depois de encontrados os valores para a altura da pirâmide e o apótema da base, podemos calcular a inclinação. Para encontrar esse valor, os egípcios realizavam a divisão entre a altura e o apótema, o que hoje corresponde a calcular a tangente do ângulo $V\hat{M}O$. Considerando o triangulo ΔVOM , temos:

tg
$$\alpha = \frac{a}{b} \implies$$
 tg $\alpha = \frac{3\sqrt{3}}{3} \implies$ tg $\alpha = \sqrt{3}$.

Como o arco cuja tangente é igual a $\sqrt{3}$ é 60°, então $V\widehat{M}O = \alpha = 60^\circ$. Ou seja, a inclinação desta pirâmide é de 60°.

4. PROPOSTA DE SEQUÊNCIA DIDÁTICA

4.1 Sequência didática

"A sequência didática corresponde a um minicurso". (CASTRO, 1976 apud UGALDE 2020, p.3). Buscando uma forma de atrelar a tecnologia com a geometria espacial, foi pensado em uma sequência didática em que os alunos possam utilizar o *software* GeoGebra para resolver situações problema envolvendo o volume de pirâmides.

Para esta sequência didática, de acordo com a Base Nacional Comum Curricular, usaremos as competências específicas número três e cinco, e a habilidade de número dezenove voltada para o nono ano do Ensino Fundamental II. A aplicação dessa sequência será na turma de 9º ano, visto que para a realização desta atividade é necessário algum conhecimento prévio adquirido durante as séries anteriores.

Unidade Temática

Geometria, Grandezas e Medidas.

Objeto do Conhecimento

Volume de primas e cilindros.

Competências Específicas

3 - Compreender as relações entre conceitos e procedimentos dos diferentes campos da Matemática (Aritmética, Álgebra, Geometria, Estatística e Probabilidade) e de outras áreas do conhecimento, sentindo segurança quanto à própria capacidade de construir e aplicar conhecimentos matemáticos, desenvolvendo a autoestima e a perseverança na busca de soluções.

5 - Utilizar processos e ferramentas matemáticas, inclusive tecnologias digitais disponíveis, para modelar e resolver problemas cotidianos, sociais e de outras áreas de conhecimento, validando estratégias e resultados.

Habilidade

Resolver e elaborar problemas que envolvam medidas de volumes de prismas e de cilindros retos, inclusive com uso de expressões de cálculo, em situações cotidianas.

O presente trabalho busca apresentar uma sequência didática envolvendo o conteúdo de Pirâmides. E de acordo com a BNCC, é esperado que os alunos nos anos iniciais do Ensino Fundamental saibam identificar características de figuras geométricas tridimensionais e bidimensionais, associando a figuras espaciais e suas planificações. Para que ao chegar nos anos finais do Ensino Fundamental esses conhecimentos sejam ampliados. Sendo assim, para o 9° ano do Ensino Fundamental, cabe estudar o volume de pirâmides.

4.2. Caracterização do ambiente escolar

A aplicação da sequência didática será realizada no Colégio Municipal Professora Dinah Carrilho Monteiro, localizado no povoado de São Francisco, Nilo Peçanha – BA, situado na região do baixo-sul baiano, também conhecido como "Costa do dendê", a aproximadamente 173 km da capital do estado, via *ferry boat*. O povoado de São Francisco encontra- se na região litorânea, onde os moradores podem ver os manguezais e ouvir o barulho do mar. É uma comunidade onde as pessoas se reúnem na porta de casa para conversar, as crianças brincam na rua, e todos se conhecem.

Nessa comunidade funcionam duas Escolas Municipais: a Escola São Francisco, em homenagem ao padroeiro local, e o Colégio Municipal Professora Dinah Carrilho Monteiro, em homenagem a primeira professora existente no povoado. Os habitantes desse local vivem da pesca e da extração de piaçava, tendo como tradição até hoje a festa do padroeiro no mês de outubro. Segundo a tradição, a imagem de Santo Antônio sai de Nilo Peçanha pelo rio das Almas e chega ao povoado de barco, onde os devotos levam a imagem em procissão até a igreja.

O Colégio Municipal Professora Dinah Carrilho Monteiro funciona em duas modalidades, Ensino Fundamental II e Educação de Jovens e Adultos (EJA). O Colégio atua durante os três turnos, sendo que no período da manhã funciana com uma turma do 6º ano e uma turma do 7º ano, durante a tarde com uma turma do 8º ano e uma turma no 9º ano, e no

período da noite funciona uma turma da EJA. Atualmente são 78 alunos matriculados, visto que, cinco deles são portadores de necessidades especiais. O Colégio recebe alunos que moram no povoado de São Francisco e alunos que vêm de uma comunidade próxima conhecida como Barroquinha.

No ano de 2022, o Colégio entrou em reforma, então passou a funcionar em um prédio que estava desativado até a conclusão da obra. Atualmente o Colégio possui duas salas de aula em funcionamento, uma sala de multimídia adaptada, uma sala com jogos de tabuleiro, utilizada pelos alunos com necessidades especiais, três salas de aula desativadas, possui também, uma sala para os professores, uma sala para secretaria, uma sala da direção, cozinha, pátio e dois banheiros, sendo um masculino e outro feminino, não possui quadra.

4.3. Apresentação de situações problemas

Esta sequência didática será realizada em uma turma de 9° ano, sendo o professor regente da turma o professor Marinelson Santos. A turma é composta por 16 alunos, sendo três deles portadores de necessidades especiais. A classe é frequente, onde a maioria dos alunos participam das aulas, porém apresentam dificuldade em Matemática. A grande dificuldade apresentada por eles está em interpretar o enunciado, mas essa dificuldade vem sendo trabalhada diariamente em sala de aula, não só nas aulas de Matemática, mas em todas as disciplinas. Essa atividade foi planejada em conjunto com o docente da turma, e para a realização dessa sequência, houve-se a necessidade de apresentar o *software* para os alunos, indicando o funcionamento das principais ferramentadas do aplicativo. Para isso, foi realizado um minicurso com duração de 2 aulas, trabalhando as ferramentas que seriam utilizadas nas atividades. O minicurso pode ser encontrado no Apêndice A.

Ao iniciar a aula, os alunos serão separados em quatro trios e um quarteto, a escolha dos grupos ficará livre para que eles possam escolher. A sequência didática terá cinco problemas, que serão sorteados entre os grupos, para serem resolvidos dentro de um tempo estabelecido. Para solucionar a situação problema, os alunos deverão utilizar o *software* GeoGebra. Terminado o tempo estipulado, cada trio deverá apresentar sua situação problema, a solução encontrada e a estratégia utilizada para chegar ao resultado final. A seguir, temos o número correspondente para cada situação problema.

Questão 1: Calcule o volume da pirâmide de base quadrada, sendo a altura 2,2 cm e o lado da base 1,9 cm.

Questão 2: Para a feira cultural da escola, a professora Cristina precisa fazer várias pirâmides de base quadrada. O lado do quadrado mede 6 cm, e a altura da pirâmide, 4 cm. Qual é o volume, em centímetros cúbicos, que cada pirâmide terá?

Questão 3: Uma pirâmide possui base formada por um triângulo retângulo que tem catetos medindo 6 centímetros e 8 centímetros, e altura igual a 10 centímetros. Então o volume dessa pirâmide, em cm³, é igual a:

a) 160 cm³ b) 240 cm³ c) 50 cm³ d) 70 cm³ e) 80 cm³

Questão 4: Construa um prisma e uma pirâmide de mesma altura para responder às questões abaixo.

a) Se no prisma cabe 1,5 l de água, que quantidade de água cabe na pirâmide?

b) Dois desses prismas cheios de água enchem quantas pirâmides iguais a que você construiu?

Questão 5: A geratriz de uma pirâmide reta é de 25 cm. Sabendo a distância da projeção da altura na base até o lado da pirâmide, que é de 7cm, então, a altura da pirâmide é de:

a) 21 cm b) 22 cm c) 23 cm d) 24 cm e) 20 cm

4.4. Aplicação da Sequência Didática

No dia 26 de outubro de 2023, o professor regente da turma iniciou o conteúdo de pirâmides. Em seguida, os alunos resolveram no caderno, de forma individual, as questões propostas sobre o volume de pirâmides. No dia 27 de outubro de 2023, ocorreu a aplicação da sequência didática usando o GeoGebra. Nesse dia haviam 11 alunos presentes, então foram sorteadas as questões de 1 a 4, formando assim, três trios e uma dupla. A escolha dos trios foi de forma livre, contanto que em cada trio tivesse pelo menos um aluno com celular, o mesmo com a dupla. Todos os alunos que estavam presentes participaram da atividade, e em alguns momentos, eles solicitaram ajuda. Os alunos não apresentaram dificuldades para manusear o *software*, porém, eles apresentaram dificuldade em montar a pirâmide com as medidas solicitadas pelas questões. Além disso, eles conseguiram montar a pirâmide, porém, ao calcular as distâncias, os valores eram diferentes do solicitado.

Na tentativa de sanar essa dificuldade, foi sugerido que o polígono da base começasse do ponto (0,0), até a medida que a questão estava solicitando. Em seguida, eles deveriam verificar a distância entre esses pontos usando a ferramenta do software "distância". Apesar disso, eles conseguiram concluir a atividade e relacionar com a atividade do dia anterior. A execução da atividade no dia 26 foi feita em três aulas de 50 minutos, e no dia 27, em uma aula de 50 minutos.

Figura 2: Sequência Didática



Fonte: Elaborado pela autora

Figura 3: Sequência Didática



Fonte: Elaborado pela autora

Figura 4: Sequência Didática



Fonte: Elaborado pela autora

Figura 5: Sequência Didática



Fonte: Elaborado pela autora

Ao finalizar a atividade, os alunos responderam um breve questionário opinando sobre a atividade. Veja algumas respostas abaixo.



Questionário O que você achou da atividade desenvolvida pela professora Gabrielle? Alerei smuito Damy por que joi uma sula de dijorente.

Fonte: Elaborado pela autora

Figura 7: Questionário

O que você achou da atividade desenvolvida pela professora Gabrielle? toi umo ativido desaficoloro mais en gostei

Fonte: Elaborado pela autora

Figura 8: Questionário

Você sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique qual(is). 2 Un pouce, para descarrir a distância de un ponte para o outro e a altura.

Fonte: Elaborado pela autora

Figura 9: Questionário

2. Você sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique qual(is). um pouco. 10 horo de utilizor o cuosularo poro joger as pinameder since um pouro de difuldade por conto do oplicativa ser um pouco deficil de reson

Fonte: Elaborado pela autora

Figura 10: Questionár

A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? 3. sim. Es umo oulo muito dinomico. eisso me agudan a entender a assients mois fouil.

Fonte: Elaborado pela autora

Figura 11: Questionário

A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? 3. i siendabades sam rolium mas arat, Tium ibroada 0

Fonte: Elaborado pela autora

Figura 12: Questionário

Chei ,	muito	lom	porque	bá	muito	derafiedo
tame	im she	do m	rito	mon	montalen	dic
inamil	del				8 .	
y un grindes						

Fonte: Elaborado pela autora



4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino do conteúdo? m

Fonte: Elaborado pela autora

De acordo com o questionário respondido pelos alunos, podemos perceber que a aula foi atrativa e dinâmica. Mesmo apresentando dificuldades na execusão da atividade, o resultado foi satisfatório. Os alunos se interessaram pelo uso do *software* GeoGebra. O GeoGebra é uma ferramenta que dá autonomia aos alunos para que sejam mais independentes, facilitando a construção do conhecimento (BINDA, 2022). Além disso, "Os softwares matemáticos surgem como alternativa que amplia os conceitos teóricos dos conteúdos em sala de aula e de recurso dinâmico que pode atrair o interesse e a intuição dos alunos e incentivar o estudo dos conceitos de forma inovadora". (PACHECO & BARROS, 2013 apud SILVA; RIBEIRO; ARAÚJO 2018, p. 11).

5. CONSIDERAÇÕES FINAIS

Quando iniciou-se o trabalho de pesquisa, constatou-se que durante a pandemia do coronavírus, as instituições de ensino recorreram ao uso das tecnologias para ensinar de forma remota. Devido a essa necessidade em fazer uso dessas ferramentas, devemos inseri-las cada vez mais nas salas de aula. Então, para essa pesquisa foi pensando o tema " Pirâmides: Uma Sequência Didática utilizando o GeoGebra".

A pesquisa teve como objetivo geral reconhecer o uso das tecnologias nas aulas de Matemática do Ensino Fundamental II como uma ferramenta de ensino e aprendizagem. Constata-se que o objetivo geral foi atendido, porque realmente o trabalho conseguiu demonstrar que houve a aprendizagem do conteúdo de pirâmides através do GeoGebra.

A pesquisa surgiu da hipótese de que, o software GeoGebra é uma ferramenta capaz de auxiliar na aprendizagem dos alunos. Durante o trabalho, verificou-se que, os alunos gostaram da proposta de utilizar o celular durante as aulas, gerando participação e interesse em executar a atividade. Apesar de apresentarem dificuldade para concluir a tarefa, eles conseguiram compreender o conteúdo atráves do GeoGebra.

De fato, o GeoGebra é uma ferramenta que contribui para a aprendizagem dos alunos. Solucionando o nosso problema de pesquisa, podemos usar as tecnologias atráves de *softwares* dinâmicos para *smartphones*, onde os alunos possam criar estratégias para solucionar problemas. Diante do que discute a BNCC, sugere-se que na unidade temática Geometria, os professores que lecionam no Ensino Fundamental II utilizem o GeoGebra como estratégia e recurso didático-pedagogico.

6. REFERÊNCIAS

ALVES, Laís Hilário; OLIVEIRA, Guilherme Saramago de; SOUSA, Angélica Silva de. A **pesquisa bibliográfica:** Princípios e fundamentos. V.20. Fucamp, 2021.

ARAÚJO, Tacildo de Souza; RIBEIRO, Aretha Cristina; SILVA, João Paulo Martins da. **O uso de softwares no ensino de matemática**: entre o modismo e o uso inteligente. In: CONGRESSO NACIONAL DE EDUCAÇÃO, 5, 2018, Pernanbuco. p. (1-12), Disponível em: <u>https://editorarealize.com.br/artigo/visualizar/48369</u>. Acesso em: 22 nov 2023.

BINDA; Felipe Ferreira. Análise sobre softwares educacionais: reflexões a partir de pesquisas apresentadas no Enem. Pós-Graduação – Instituto Federal do Espírito Santo. Vitória, 2022.

BNCC – **Base Nacional Comum Curricular**: Educação é a Base. 2018. Disponível em: <u>http://basenacionalcomum.mec.gov.br/images/BNCC_EI_EF_110518_versaofinal_site.pd</u> <u>f</u> . Acesso em: 22 Nov. 2023.

BOYER, Carl B. História da Matemática. Tradução Helena Castro. 3. ed. São Paulo: Edgard Blucher, 2010.

CONCEIÇÃO, Maria do Amparo Cruz da. **Geometria Fractal**: uma sequência didática para a educação básica. Trabalho de conclusão de curso (Licenciatura em Matemática) – Instituto Federal da Bahia, Campus Valença. Valença, p. 37. 2019.

EVES, Howard. **Introdução à história da matemática**. Tradução Hygino H. Domingues 5. ed. São Paulo: Unicamp, 2011.

MACEDO, Maria José Herculano et al. **GeoGebra: ferramenta para o ensinoaprendizagem das funções exponenciais.** In: CONGRESSO NACIONAL DE EDUCAÇÃO, 6, 2019, Fortaleza. p. (1-9). Disponível em: <u>https://editorarealize.com.br/editora/anais/conedu/2019/TRABALHO_EV127_MD1_SA1</u> <u>3_ID2305_25092019160439.pdf</u>. Acesso: 22 nov. 2023.

MARTINES, Regis dos Santos et al. **Uso das TICs como recurso pedagógico em sala de aula.** In: CONGRESSO INTERNACIONAL DE EDUCAÇÃO E TECNOLOGIAS. 4, 2018, São Paulo. p. (1-12), Disponível em: <u>https://cietenped.ufscar.br/submissao/index.php/2018/issue/view/1</u>. Acesso em: 22 nov. 2023.

NEVES, Vanessa Ferraz Almeida. **Pesquisa-ação e etnografia**: Caminhos Cruzados. V. 1. São João del-Rei, 2006. Disponível em: <u>https://www.ufsj.edu.br/portal2-</u> repositorio/File/revistalapip/Pesquisa-Acao e Etnografia.pdf. Acesso em: 22 nov. 2023.

PCNs – Parâmetros Curriculares Nacionais.Introdução aos Parâmetros CurricularesNacionais.Brasília,1997.Disponívelem:http://portal.mec.gov.br/seb/arquivos/pdf/livro01.pdf.Acesso em: 22 nov. 2023.

SANTOS, Josely Alves dos; OLIVEIRA, Guilherme Saramago de; RODRIGUES, Tatiane Daby de Fatima Faria. As pesquisas qualitativas e quantitativas na educação. V.2. Rio

deJaneiro,2021.Disponívelem:https://revistaprisma.emnuvens.com.br/prisma/article/view/49. Acesso em: 22 nov. 2023.

UGALDE, Maria Cecília Pereira; ROWEDER, Charlys. **Sequência Didática**: uma proposta metodológica de ensino-aprendizagem. V.6. Revista de Estudos e Pesquisas sobre Ensino Tecnológico, 2020.

APÊNDICE A – Material do Minicurso

Ao iniciar a aula, foi solicitado aos alunos que baixassem o aplicativo Calculadora Gráfica GeoGebra no celular, e foi projetado a tela do *notebook* para apresentar o *software*. Em seguida, foi exibido a barra de ferramentas e explicado a função de cada ícone.

Figura 1: Barra de ferramentas



Fonte: Elaborada pela autora

Para que os alunos aprendessem a manusear o *software*, foi direcionado os comandos que eles poderiam utilizar, enquanto eles reproduziam no *smartphone*. No campo entrada, foi digitado a função polinomial do primeiro grau f(x) = x + 1 e a função polinomial do segundo grau $f(x) = x^2 + 2x - 1$. Os alunos visualizaram as imagens abaixo:

Figura 2: Gráfico da função polinomial do 1º grau





Figura 3: Gráfico da função polinomial do 2º grau



Fonte: Elaborada pela autora

A primeira imagem (figura 2), é o gráfico de uma função polinomial do 1º grau, e a segunda imagem (figura 3), é a representação gráfica de uma função polinomial do 2º grau. Em seguida, foi solicitado aos alunos que digitassem a mesma função do segundo grau, porém, invertendo os sinais. Os alunos visualizaram a imagem abaixo:



Figura 4: Gráfico das funções polinomiais do 2º grau

Fonte: Elaborada pela autora

O primeiro ícone na barra de ferramentas (figura 1) serve para mover o objeto; o segundo ícone é utilizado para marcar pontos no plano cartesiano. Existem duas maneiras de marcar esses pontos: a primeira é selecionando o ícone, e então basta marcar os pontos desejados diretamente no plano cartesiano. A segunda maneira é colocar as coordenadas do ponto no campo de entrada. Para que o *software* entenda o que deve ser marcado, as coordenadas do ponto devem seguir a seguinte sintaxe: A = (1,1).

Durante a aula os alunos escolheram as coordenadas dos pontos de maneira livre, e então, um dos alunos questionou a localização do ponto com coordenadas (0,0). Foi explicado

que o ponto (0,0) é o zero no eixo x e o zero no eixo y, ou seja, esse ponto é a intersecção entre os eixos. Os alunos visualizaram a imagem abaixo:



Figura 5: Ponto A e B

Fonte: Elaborada pela autora

Usando o terceiro ícone da barra de ferramentas, é possível construir uma reta escolhendo dois pontos no plano cartesiano. Uma segunda maneira de construir essa reta é digitando no campo de entrada o nome reta, e selecionando a opção (Ponto, Ponto). Entre parênteses, podemos indicar os pontos que já foram marcados no gráfico. A imagem abaixo mostra duas retas construídas em sala de aula.





Fonte: Elaborada pela autora

Usando o 4º ícone da barra de ferramentas, foi construído uma reta perpendicular, selecionando um ponto e uma reta no plano. No campo entrada, foi digitado "reta perpendicular", e depois selecionado a opção (Ponto, Reta). Por exemplo: RetaPerpendicular (C,f), como mostra a imagem abaixo.

Fonte: Elaborada pela autora

Figura 7: Reta perpendicular

A parte gráfica foi finalizada e iniciou-se a parte geométrica. Para que os alunos pudessem acompanhar, eles baixaram o aplicativo Calculadora *GeoGebra* 3D. Usando o 5° ícone da barra de ferramentas, construímos um polígono selecionando os pontos que serão os vértices do polígono. Outra forma de construir esse polígono é digitando no campo de entrada o nome polígono e selecionando a opção (Ponto, ..., Ponto). Por exemplo: Polígono (A,B,C). Os alunos visualizaram a imagem abaixo:





Fonte: Elaborada pela autora

Para construir um polígono regular usamos o mesmo ícone para contrução da figura 8. Os alunos escolheram a quantidade de vértices e construíram um pentágono. A imagem abaixo mostra o polígono construído pelos alunos.



Figura 9: Polígono regular

Fonte: Elaborada pela autora

Usando o 6º ícone, criamos uma circunferência, utilizando a opção (Centro, Raio). Para o centro, foi escolhido o ponto D, e como raio, o número 5. Os alunos visualizaram a imagem abaixo:

Figura 10: Circunferência



Fonte: Elaborada pela autora

Usando o 8° ícone da barra de ferramentas, foi calculado os ângulos internos do triângulo. Para calcular ângulos precisamos selecionar três pontos em sentido horário. Ao descobrir os valores de todos os ângulos internos do triângulo, somamos os valores encontrados, para confirmar que a soma dos ângulos internos de um triângulo é igual a 180°. Para realizar a soma, foi necessário utilizar o teclado do *software*, pois os ângulos são nomeados com letras gregas e o teclado do *notebook* e do *smartphone* não possuem essas letras. As imagens abaixo mostram os ângulos encontrados e a soma dos ângulos internos.





Fonte: Elaborada pela autora





Fonte: Elaborada pela autora

Abrindo a janela de visualização 3D e selecionando o ícone pirâmide, criou-se um polígono na base, e escolheu-se um ponto qualquer no eixo z para ser a altura da pirâmide. Os alunos visualizaram a imagem abaixo:





Fonte: Elaborada pela autora

O GeoGebra é um *software* livre que pode ser usado *offline* ou *online*. Para usar *offline*, é necessário fazer o *download* para *smartphone* ou *notebook*. As imagens acima foram feitas na versão *online* do GeoGebra e o tempo de apresentação do *software* teve duração de duas aulas de 40 minutos. As aulas tiveram como objetivo apresentar e ensinar aos alunos a manusear o GeoGebra.

APÊNDICE B – QUESTIONÁRIO

5 Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia TTUTO FEDERAL DE ICAÇÃO, CIÊNCIA E TECNOLOGIA IFBA Campus Valença Licenciatura em Matemática Questionário 1. O que você achou da atividade desenvolvida pela professora Gabrielle? Esi mulo less, Econ umo manero. mois jouil de entender a assunts. Você sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique qual(is). 2. um pouco. 10 horo de utilizon o cuosulano poro jozer as piramiales circe um pouco de difuildade por conto do oplicativa ser um pouro deficil de reson. 3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim. Es umo oulo muito dinomico. eisso me aquidan a entender a assients mois fouil. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino do 4. conteúdo? muto lom, por conto que o oulo pilo methor, viro umo oulo defirente e ajudo muito poro intendes o assunte.

IFBA Campa Vale Licenciatura em Matemá Questionário 1. O que você achou da atividade desenvolvida pela professora Gabrielle? Ese umo dirucho deraficadoro mor u gotei muito. 2. Você sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique que Son foi mais em uso o afilicativas. 3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim. 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ens conteúdo? Mirie muito som preque fa muito durafied 2. tombém afudo muito mo mortagen do	 O que você achou da atividade de los directos directos de los directos directos de los directos de los directos de los directos d	IFBA Campus Vale Licenciatura em Matemá Questionário desenvolvida pela professora Gabrielle? Aficalara mai u gatei e em desenvolver as atividades? Se sim, indíque que ura o aficativa .
Questionário 1. O que você achou da atividade desenvolvida pela professora Gabrielle? Ese umo divide desenvolvida pela professora Gabrielle? Ese umo divide desenvolvida pela professora Gabrielle? Ese umo divide desenvolver as atividades? Se sim, indique que son foi mais em uso o ablicative. 2. Você sentiu alguma dificuldade en desenvolver as atividades? Se sim, indique que son foi mais em uso o ablicative. 3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim. 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ens conteúdo? Altrei muito uem perque foi muito duraficad e foi muito uen perque foi muito duraficad e foi muito una foi muito mo mortagen de firêmide.	 O que você achou da atividade i tei umo diruido des muito, Você sentiu alguma dificuldade <u>Sim foi mair em</u> A atividade te ajudou na aprendi <u>Sim</u>, 	Licenciatura em Matemá Questionário desenvolvida pela professora Gabrielle? <i>Aficalero mai u gatei</i> e em desenvolver as atividades? Se sim, indique que uso o afolicativo . dizagem do conteúdo sobre Pirâmides?
Questionário 1. O que você achou da atividade desenvolvida pela professora Gabrielle? Les umo Atrides descoficadoro mais u gottei anuito. 2. Você sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique que Sim foi mais em uso o afilicativo. 3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim. 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ems conteúdo? Alhei muito sem perque foi muito derofied 1 também ofudo muito no montagen do 1 também ofudo muito no montagen do	 O que você achou da atividade Est umo Ativido dest muito, Você sentiu alguma dificuldade Sim foi mais em a A atividade te ajudou na aprend Sim, 	Questionário desenvolvida pela professora Gabrielle? <i>Aficalero mai u gostei</i> e em desenvolver as atividades? Se sim, indique que uso o aficativo . dizagem do conteúdo sobre Pirâmides?
 O que você achou da atividade desenvolvida pela professora Gabrielle? Los divide desaficadoro mai u gotei muito. Você sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique que sim foi mai em uso o aplicativo. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? A atividade te ajudou na oculear e do aplicativo GeoGebra para o ens conteúdo? Albre muito som perque foi muito derafied a familie muito derafied a familie moi foi muito sobre professora de aplicativo derafied a familie muito som perque foi muito derafied a familie de muito derafied a familie muito som perque foi muito derafied a familie. 	 O que você achou da atividade i ter umo stirtido des anuito. Você sentiu alguma dificuldade <u>Sim foi mais em</u> A atividade te ajudou na aprend <u>Sim.</u> 	desenvolvida pela professora Gabrielle? <i>Aficaleita mait u gatei</i> e em desenvolver as atividades? Se sim, indíque que <i>uso o afications</i> . dizagem do conteúdo sobre Pirâmides?
 Le umo stitudo desoficadoro mais u gotei muto. 2. Você sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique que sim foi mais em uso o afolicativo. 3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim. 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ens conteúdo? Altre muito som porque foi muito desofied a também ofudo muito no montagen de pirêmides. 	 tes umo ativido des anuito, 2. Você sentiu alguma dificuldade sim. foi mais em a 3. A atividade te ajudou na aprend Sim. 	oficolero mai su gotei e em desenvolver as atividades? Se sim, indique que uso o afolicativo . dizagem do conteúdo sobre Pirâmides?
 Você sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique que sim foi mais em uso o afflicatives. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre pirâmides? A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre pirâmides? 	 Você sentiu alguma dificuldade Sim foi mais em A atividade te ajudou na aprend Sim. 	e em desenvolver as atividades? Se sim, indíque que uso o afolications . dizagem do conteúdo sobre Pirâmides?
Sim foi mair em uso o aplications. 3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim. 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ens conteúdo? Alhei muito som perque foi muito derofiod 1 também ofudo muito no montagen do firâmides.	Sim foi mais em 3. A atividade te ajudou na aprend Sim.	dizagem do conteúdo sobre Pirâmides?
3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim. 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ens conteúdo? Altrei muito vom porque foi muito derafiod 2 tombém afudo muito no mortagen do pirâmides.	3. A atividade te ajudou na aprend	dizagem do conteúdo sobre Pirâmides?
3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim. 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ens conteúdo? Alhei muito Isom porque foi muito derofiod I também ofudo muito no montagen do pirámides.	3. A atividade te ajudou na aprend	dizagem do conteúdo sobre Pirâmides?
3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim. 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ens conteúdo? Alhei muito som perque foi muito derofied s também afudo muilo no montagen do firêmides.	3. A atividade te ajudou na aprend	dizagem do conteúdo sobre Pirâmides?
3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteudo sobre Piramides? Sim, 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ens conteúdo? Altre muito som porque foi muito derofiod 1 também afudo muilo no montagen de firâmides.	Sim.	dizagem do conteudo sobre Piramides?
Lim. 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ens conteúdo? Altre muito som perque ba muito derafico 1 também afuda muito no montagen de firêmides.	Sim.	
4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ens conteúdo? Altre muito som porque foi muito derofied e tombém afuda muilo no montagen de firêmides.		
4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ens conteúdo? Altre muito som perque foi muito derofied e também afudo muito no montagen do pirámioles.	Sectors for the sector states and the sector of the	
4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ens conteúdo? Altre muito som porque foi muito derafied e também afuda muito no montagen de firâmides.		
4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ens conteúdo? Altre muito som porque foi muito derofied e também afudo muito no montagen de firêmide		
4. O que voce achou do uso do cerdiar e do apricativo GeoGeora para o ens conteúdo? Altre: muito som porque foi muito derofied e também ofudo muito no montagen de firâmides.	1 O me vess schou de use de	alular a do anligativo GaoGabro paro a an
contrado? Altre muito som porque foi muito derofica e também afuda muito no montagen de pirémiales.	4. O que voce action do uso do	cerular e do apricativo GeoGeora para o ens
Altre muito som porque foi muito derofiod e também afuda muito no montagen de pirâmides.	conteúdo?	
e também afuda muila no montagen de pirémides.	Altrei muito som p	orque be muito deroped
pirémides.	I tombém apida mil	to no montagen de
	tinémidel	Q .
	for assintances.	

5 Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia STITUTO FEDERAL DE DUCAÇÃO, CIÊNCIA E TECI IFBA Campus Valença Licenciatura em Matemática Questionário O que você achou da atividade desenvolvida pela professora Gabrielle? and redied nervit a vetruge can express med diver into A ille amou à sup idigrag à d'infa phrit dan gup vaabit ille Jab de Me desen Del Der Você sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique qual(is). ames a acidagilata a racru me cubabligitis itrae mil astanta an rolinger A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? 3. cebablight to cation may aver , Tim ibroader . mic april ecre 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino do conteúdo? corried creangle ibrarde subread Blinn inter und nobeamin cubablisif ib ness andrew up with eland crad watarlem e altrendization. Bu aller melhar no Gertrela contes phaties sloigest vien somether L

5 Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia INSTITUTO FEDERAL DE EDUCAÇÃO, CIÊNCIA E TECNOLOGIA IFBA Campus Valença Licenciatura em Matemática Questionário O que você achou da atividade desenvolvida pela professora Gabrielle? 1. The achei maravillosa, ja que é uma aula digerente e interation another and its de afrender de uma gorma maison ligal e aprinder coisas novas. Você sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique qual(is). un pouce, para descherrir a distância de un ponto para o outro e a altura. 3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Simpaprendi a des couris a volume atura da piramide e do prisona. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino do 4. conteúdo? que gostei, não conhecia o aplicativo mas, atraves da professora consigué entinder e aprinder de Jorma mais simples.

38

5 Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia IFBA Campus Valenca O FEDERAL DE O, CIÉNCIA E TECN Licenciatura em Matemática Questionário 1. O que você achou da atividade desenvolvida pela professora Gabrielle? aluce smeet by sup sof most diama where de dijorente. 2. Você sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique qual(is). sim en line dificuldade no apricative para usar. 3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? simple que en aprendi radias coiras. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino do 4. conteúdo? sicios ibnerge sugerod, lager afium ieder aular sam sup

39

IVBA Campus Vale Licenciatura em Matemá Questionário 1. O que você achou da atividade desenvolvida pela professora Gabrielle? Um o predizado morancilhoso 2. Você sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique que Um poueço em monugeor o o plicativo 3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o em conteúdo? Esi importante por que mos ensimou muit colanos como zoger o o plicativo.	020	Institut	o Federal de Educação, Ciência e Tecnole
Itereciatura em Matemá Questionário 1. O que você achou da atividade desenvolvida pela professora Gabrielle? Im Opriodizade manancillado 2. Você sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique que um poureo em manuglar o a plicative 3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o em conteúdo? Esi importante por que mos enscinou muit colano; como zoger as púriámides.		PEDERAL DE L'CIÊNCIA E TECNOLOGIA	IFBA Campus Vale
Questionário 1. O que vocé achou da atividade desenvolvida pela professora Gabrielle? Im Apriloù zodo marancilloso 2. Vocé sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique que tem pouseo lem manuglar o aplicativo 3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o em conteúdo? Esi importante por que nos ensineu muit colsos, como zoger os púriámides.	Compan Velocat	1	Licenciatura em Matema
 O que você achou da atividade desenvolvida pela professora Gabrielle? Um aprelaizado marancilloso Você sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique que des partes la marancilloso pelicativo A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o en conteúdo? Es importante por que mos insinou muil colano; como zogen as pirámides. 			Questionário
Um aprilatizado maranelhoso 2. Você sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique qu Um pouco, lon manuglar o aplicativo 3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o em conteúdo? Esi importante por que mos ensinou muit Colano; Como zozer as piramiales.	I. O que vi	océ achou da atividade de	esenvolvida pela professora Gabrielle?
 Você sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique qu <i>Im pouco, lon manuglar o a plicatino</i> A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim	Um april	ldizado mara	rillose
4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o en conteúdo? Esi importante por que mos ensimou muit cola o; como zozer os pirámioles.	2. Você ser	entiu alguma dificuldade e	em desenvolver as atividades? Se sim, indique qu
3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o en conteúdo? Esi importante por que nos ensineu muit colsao; como zozer as piramides.	Um pour	co los manuz	lar o aplicatino
 3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o en conteúdo? Esi importante por que nos ensinou muite colsas; como zozer as púramides. 			
3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o en conteúdo? Esi importante por que nos ensinou muit colanos como zozer as piramides.			
4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o en conteúdo? Esi importante por que nos ensimou muit colaros como zozer as pirámiales.	3. A ativida	ade te ajudou na aprendiz	zagem do conteúdo sobre Pirâmides?
4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o en conteúdo? Esi importante por que nos ensinou muit colaas; como zozer as pirámides.	Sim		
4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o en conteúdo? Esi importante por que nos ensinou muit colsas, como zozer as pirámiales.	A STATE OF		
4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o en conteúdo? Esi importante por que nos ensinou muit colaros como zozer as pirámiales.			
conteúdo? Esi importante por gue nos ensinou muit colaas como zozer as pirámides.	4 O que v	você achou do uso do o	celular e do aplicativo GeoGebra para o en
Esi importante por que nos ensinou muit colassicomo zozer as pirámides.	conteúdo?		
Colsas; como zoger as péramides.		ortante por	out nos Insinou muit
	Esi impo		a hirromideo
	Esi impo	DOMA 20307 A	1) - The Cast Machan De
	Esi impo colaasic	omo zozan a	to fact terminate.
	Esi impo colaasic	ame zozen a	10 par terminaro.
	Esi impo Colaasic	ame zozen a	10 par terminara.
	Esi impo Colano; C	OMO ZOZIN O.	10 par tarmicana.
	Esi impo Colado; C	OMO ZOZIN A.	12 par la marca.
	Esi impo Colaasic	OMO ZOZON A	10 par la marca.

5 Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia IFBA Campus Valença INSTITUTO FEDERAL DE EDUCAÇÃO, CIÊNCIA E TECNO Licenciatura em Matemática Questionário 1. O que você achou da atividade desenvolvida pela professora Gabrielle? N anden boa mo 109 1 Dece rearnal. m ale Brokesard matematica 2. Você sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique qual(is). Não 3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? rice of O ho 0 0 ou 90. on males and in apilabila and 2 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino do conteúdo? aulo aphoi ma emo ace 90 Q. 2 en poro land lon

5 Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia TUTO FEDERAL DE IFBA Campus Valença Licenciatura em Matemática Questionário 1. O que você achou da atividade desenvolvida pela professora Gabrielle? Actes muito tras país min spudou muito, perque antes do atisticlade ou nois solvies a que eno uma tradingués nettingulo, piriamide. 2. Você sentiu alguma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique qual(is). Nor. 3. A atividade te ajudou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides? Sim, mile pais en nos solis calcular un piramide 4. O que você achou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino do conteúdo? Alpei muito bam, mais ten um único pratleminha parque é meie difieil parque maa eansequie subtir a piramide me optiention, mois recommende muito.

EDUCAÇÃO, CIENCIA E TE	CNOLOGIA IFBA Campus Valença
Energies Volence	Licenciatura em Matemática
	Questionário
I. O que você ach	ou da atividade desenvolvida pela professora Gabrielle?
Com espos	aligure assus envicement
2. Você sentiu algu	uma dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique qual(15).
aum com o	legendelaten & desembs
3. A atividade te aj	udou na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides?
Sraw.	
. O que você ach	ou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino
. O que você ach	ou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino
. O que você ach onteúdo?	ou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino
O que você ach onteúdo? Aurdou onu que eu	ou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino uito e goi mos falito depisos prutigues mas.
. O que você ach onteúdo? Ayudou onu que eu	ou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino uito e goir mas falito depisio prutiquei mas.
. O que você ach onteúdo? Ayudou onu que eu	ou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino uito e goir mas falito depréss prutiques mas.
. O que você ach onteúdo? Agudou one que eu	ou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino uito e poir mas falilo depriso prutiques mas.
. O que você ach onteúdo? Ayudou que que eu	ou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino uito e Joir mas falilo depiso pruliquei mas.
. O que você ach onteúdo? Ayudou que que eu	ou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino uito e poir mos falilo depriso prutiquei mas.
. O que você ach onteúdo? Ayudou one que eu	ou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino uito e poir mas falilo depriso pratiquei mas.
. O que você ach onteúdo? Ayudou on que eu	ou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino uito e poir mas preito depréss prutiques mas.
. O que você ach onteúdo? Ayudou que que eu	ou do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino uito e Joir mas freilo deprés prutegues mas.

INSTITUTO FEDERAL DE EDUCACÃO, CENCIA E TECNOLOR EAVIER	Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia IFBA <i>Campus</i> Valença Licenciatura em Matemática
1. O que você achou d	Questionario a atividade desenvolvida pela professora Gabrielle?
En achei muile	lean got que goi uma atividade
dizerente.	
2. Você sentiu alguma	dificuldade em desenvolver as atividades? Se sim, indique qual(is). adade na garte de moar o aglicati-
ne no celular.	
3. A atividade te ajudor	u na aprendizagem do conteúdo sobre Pirâmides?
Mais en menos vi	ague com digiculada na porte do cel
4. O que você achou o onteúdo?	do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino
4. O que você achou o onteúdo?	do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino di ceirar que mas ralvia re ad
t. O que você achou o onteúdo? chei bom apres m gonce de do	do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino di coirror que mos ralia ré act ijiculdade.
t. O que você achou o onteúdo? chei born apres son grance de do	do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino di coissas que nos salvia se ace igiculdade.
1. O que você achou a onteúdo? chei born ofres am grence de do	do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino di coinar que nos ralia sé aco inicialdade.
4. O que você achou d onteúdo? chei born apres am grance de do	do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino di coissas que mos salvia se ace giculdade.
4. O que você achou onteúdo? chei born apres an grance de do	do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino di coirrar que nos ralia re all giantdade.
4. O que você achou onteúdo? chei born apres son grance de de	do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino di coirror que mos rabio re all gialdade.
4. O que você achou o onteúdo? chei born apres am grance de do	do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino di coirror que mos rabio re ad giuldade.
4. O que você achou o onteúdo? chei born apres an gronce de do	do uso do celular e do aplicativo GeoGebra para o ensino di coissos que mos soluis se act izintedade.



INSTITUTO FEDERAL DE EDUCAÇÃO, CIÊNCIA E TECNOLOGIA DA BAHIA Rua Vereador Romeu Agrário Martins, s/n - Bairro Tento - CEP 45400-000 - Valença - BA - www.portal.ifba.edu.br

Gabrielle Santos Araujo

Pirâmides: Uma Sequência Didática Utilizando o GeoGebra

Monografia apresentada à Coordenação do Curso de Licenciatura em Matemática do Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia da Bahia, Campus Valença, como requisito parcial para obtenção do título de Licenciada em Matemática.

Trabalho de Conclusão de Curso aprovado pela banca examinadora em 07/12/2023.

BANCA EXAMINADORA

Prof. Me. Diego Coutinho Vieira Santiago (Orientador) Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia da Bahia

Profa. Ms. Lígia Taciana Carneiro de Souza Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia da Bahia

Prof. Me. Marcelo de Araújo Lino Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia da Bahia

Em 11 de novembro de 2023.



Documento assinado eletronicamente por **MARCELO DE ARAUJO LINO**, **Professor Efetivo**, em 09/12/2023, às 11:34, conforme decreto nº 8.539/2015.



Documento assinado eletronicamente por **DIEGO COUTINHO VIEIRA SANTIAGO**, **Coordenador(a) do Curso de Licenciatura em Matemática**, em 11/12/2023, às 18:11, conforme decreto nº 8.539/2015.



Documento assinado eletronicamente por LIGIA TACIANA CARNEIRO DE SOUZA, Professor do Ensino Básico, Técnico e Tecnológico do Câmpus Camaçari, em 11/12/2023, às 21:26, conforme decreto nº 8.539/2015.

12/12/2023, 05:25



A autenticidade do documento pode ser conferida no site http://sei.ifba.edu.br/sei/controlador_externo.php? acao=documento_conferir&acao_origem=documento_conferir&id_orgao_acesso_externo=0 informando o código verificador **3234957** e o código CRC **F7BC8641**.

23280.001374/2022-62

3234957v3